



Early Journal Content on JSTOR, Free to Anyone in the World

This article is one of nearly 500,000 scholarly works digitized and made freely available to everyone in the world by JSTOR.

Known as the Early Journal Content, this set of works include research articles, news, letters, and other writings published in more than 200 of the oldest leading academic journals. The works date from the mid-seventeenth to the early twentieth centuries.

We encourage people to read and share the Early Journal Content openly and to tell others that this resource exists. People may post this content online or redistribute in any way for non-commercial purposes.

Read more about Early Journal Content at <http://about.jstor.org/participate-jstor/individuals/early-journal-content>.

JSTOR is a digital library of academic journals, books, and primary source objects. JSTOR helps people discover, use, and build upon a wide range of content through a powerful research and teaching platform, and preserves this content for future generations. JSTOR is part of ITHAKA, a not-for-profit organization that also includes Ithaka S+R and Portico. For more information about JSTOR, please contact support@jstor.org.



Philosophical Transactions

Please note: Due to an error in the print volume, the page numbering in this article may contain either page numbering skips, or page numbering repetitions, or both. However, the article content is presented in its entirety and in correct reading order.

Please click on "Next Page" (at the top of the screen) to begin viewing the article.

whereof we are obliged to the Author of the *Journal des Sçavans*) undertakes to prove, that the *Transfusion* is yet of greater Antiquity, as having been known to *Libavius* above 50. years since. For which, that *Roman* Author alledgeth a place out of the said *Libavius* (in *Defensione Syntagmatis Arcanorum Chymicorum contra Henningum Schneumannum*, actione 2. pag. 8. Edit. *Francos. A. 1615.*) where the *Transfusion* is so plainly described, that one can hardly discourse of it with more cleerness, than there is done, in these words: *Adsit* (saith *Libavius l. c.*) *Juvenis robustus, sanus, sanguine spirituosus plenus: Adstet exhaustus viribus, tenuis, macilentus, vix animam trahens. Magister artis habeat tubulos argenteos inter se congruentes, aperiat arteriam robusti, & tubulum inserat munitaque; mox & egroti arteriam findat, & tubulum famineum infigat. Jam duos tubulos sibi mutuo applicet, & ex sano sanguis arterialis, calens & spirituosus saliet in egrotum, unaque vita fontem afferet omnemque languorem pellet.* This indeed is clear enough, and obliges us to averre a greater antiquity of this operation, than before we were aware of; though 'tis true, *Libavius* did not propose it but only to mock at it (which is the common fate of new Inventions, in their Cradle;) besides that he contrives it with great danger, both to the *Recipient* and *Emittent*, by proposing to open *Arteries* in both; which indeed may be practised upon *Brutes*, but ought by no means upon *Man*.

Mr. Gregories Answer

To the *Animadversions* of Mr. Hugenius upon his Book, *De vera Circuli & Hyperbolæ Quadratura*; as they were publish'd in the *Journal des Sçavans* of July 2. 1668.

THIS Answer we shall give the *Reader* in the same Language and Words, in which the Author of it desired, it might be inserted in this Tract, viz.

AD ea qua dicit D. Hugenius contra meam Circ. & Hyperb. Quadraturam, ingenue fateor (cum illa scriberem) me non animadvertisse exemplum in prop. 10. non esse seriem convergentem; experientiam enim feci solummodo de primis & secundis terminis, non considerando tertios cum primis coincidere; nam ratiociniis insistebam, de exemplis parum sollicitus: Ut autem appareat in hoc nihil contineri contra nostram Doctrinam, agedum hoc loco 10. prop. totidem verbis, sed cum legitimo exemplo, repetamus,

Prop.

Prop. 10. Problemā.

Ex data quantitate eodem modo composita a duobus terminis convergentibus cujuscunque seriei convergentis, quo componitur ex terminis convergentibus immediate sequentibus; seriei propositæ terminationem invenire.

Sit series convergens, cujus duo termini convergentes quicunque sint a, b , & termini convergentes immediate sequentes $\frac{a^2b}{a^2b}, \frac{a^2b}{2}$; termini priores inter se multiplicati efficiunt ab , item sequentes inter se multiplicati efficiunt eandem ab ; ex his invenienda sit propositæ seriei terminatio. Manifestum est, quantitatem ab eodem modo fieri a terminis convergentibus a, b , quo a terminis convergentibus immediate sequentibus $\frac{a^2b}{a^2b}, \frac{a^2b}{2}$; & quoniam quantitates a, b , indefinite ponuntur pro quibuscumque totius seriei terminis convergentibus, evidens est, duos quoscunque terminos convergentes propositæ seriei inter se multiplicatos idem efficere productum, quod faciunt termini immediate sequentes etiam inter se multiplicati; cumque duo termini convergentes duos terminos convergentes semper immediate sequantur, manifestum est, duos quoscunque terminos convergentes inter se multiplicatos idem semper efficere productum, nempe ab ; atque ultimi termini convergentes sunt aequales, & proinde sit ultimus ille terminus, seu seriei terminatio z , que in seipsum multiplicata facit $z^2 = ab$; est igitur z , seu seriei terminatio r^2ab , quam invenire oportuit: & proinde ad inveniendam cujuscunque seriei convergentis terminationem opus est solummodo invenire quantitatem eodem modo compositam ex terminis convergentibus primis, quo componitur eadem quantitas ex terminis convergentibus secundis.

Consectarium.

Quoniam non refert in Problemate, siue termini convergentes a, b , sint primi, secundi vel tertii, &c. manifestum est, omnis seriei convergentis terminationem eodem modo esse compositam ex terminis convergentibus primis, quo ex secundis, tertiis, &c.

SI quis aliud exemplum desideret, sint primi termini a, b , secundi $r^2a^2b^2$, r^2ab , quantitas eodem modo composita &c. est a^2b^2 & seriei terminatio $r^2a^2b^2$: videat Hugenius, duo exempla legitima hic adducta inquisitionem septimæ non admittere; ope tamen prop. decimæ (supposita tertia illa quantitate) facile resolvuntur, neque ullo modo consectarium respuunt, quod solummodo esse momenti satis sit indicasse; plura autem exempla desideranti millena offeram.

AD primam Hugenii objectionem quod spectat, miror eum non considerasse præcedens consectarium, ubi illa, que desiderat, evidenter deduco ex prop. 10.

M m m m

At

At agnoscit hoc verum esse in illis seriebus, quæ ope nostræ methodi turmantur: velim certe ut assignet mihi Nobiliss. vir seriem aliquam convergentem cum sua terminatione, quæ consecrarium nostrum respuat; vel si eam assignare non possit, solidam dubitandi rationem tantum desidero. Ut autem funditus evertatur hæc obsectio, sequentem exhibeo demonstrationem Geometricam.

Sit A. polygonum regulare sectori inscriptum, B. eidem simile circumscriptum; continuatur series convergens polygonorum &c. ut sit ejus terminatio seu circuli sector Z: sit x eodem modo composita à terminis C, D, quo Z à terminis A, B; dico Z & x esse indefinite æquales; si non sint indefinite æquales, sit inter illas infinita differentia a, & continuetur series convergens in terminos convergentes I, K, ita ut eorum differentia sit minor quam a; hoc enim absque dubio concipi potest, etiam si hic omnes quantitates sint infinitæ, quoniam definitis quantitatibus A, B, definitur etiam a, sed adhuc restat K-I quantitas indeterminata in infinitum decrescens. Manifestum est, sectorem Z esse indefinite minorem quam K, & majorem quam I: item quoniam Z eodem modo componitur ex quantitatibus A, B, quo X. e quantitatibus C, D, & Z indefinite minor est quam K & major quam I, patet ex proprietatibus serierum convergentium, X etiam esse indefinite majorem quam I, & minorem quam K (est enim revera indefinite major quam L & minor quam M) & proinde sunt quatuor quantitates infinitæ, quarum maxima & minima sunt I, K, intermedia autem Z & X, & ideo differentia extremarum K-I major est quam a differentia mediarum, quod est absurdum, ponitur enim minor; quantitates ergo Z & X non sunt indefinite inæquales, & ideo sunt indefinite æquales, quod demonstrandum erat. Manifestum est hanc demonstrationem eodem modo applicabilem esse omni seriei convergenti.

In objectionibus 2, 3 & 4, contra suas ipsius imaginationes argumentatur Hugenius: Ego enim satis dilucide affirmo in scholio prop. 5, et in fine prop. 9. septimam & nonam propositionem esse particularem, unamquamque suo casui; item in prop. decima (quam ergo pro generali substituo) evidenter suppono, & non quero, illam quantitatem eodem modo compositam ex primis, quo ex secundis terminis convergentibus; satis enim scio, talem methodum generalem esse impossibilem. Sed omnium maxime admiror, Clarissimum virum non animadvertisse in 8 definitione, Quantitates C, D, E, compositionem ingredientibus, semper esse easdem, nempe definitas & invariabiles, ipsos autem terminos A, B. esse indefinitos & variabiles, nimirum in F, G, & infinitos alios: at quis est qui non videt, Hugenii $\frac{b^m}{a^m + ba}$ non minus esse indefinitam, quam sunt ipsi ter-

mini? Deinde in Procæmio nostræ Geometriæ partis universalis, sic dico. Alii obijciunt contra prop. 2, ita, si addatur a^3 termino $a^2 + ab$ & termino $ba + b^2$, enervetur vis utriusque demonstrationis. Respondeo, a^3 esse quantitatem indefinitam, & alias quantitates indefinitas præter ipsos terminos convergentes compo-

compositionem non posse ingredi, quod analytici latere non potest: Eodem modo respondeo Hugenio, ^{bbm}_{a²+ab} esse quantitatem indefinitam & ideo compositionem non posse ingredi. Si autem mihi objiciat, in septima me credidisse, ^{mae-mbe}_{ad-bd} fuisse quantitatem indefinitam; Respondeo, etiam si divisio per $a-b$ a me satis inconsiderate neglecta sit, aperte tamen constat, me hoc cognovisse, ex diversitate methodorum, quibus uter in septima & decima, quippe ista particulari, in qua quantitatem illam quero, & hac generali, in qua illam suppono; nulla enim alia ratio hujus diversitatis excogitari potest; quod etiam ex ipsis septima & decima est manifestum, cum appellem semper terminos convergentes quantitates indefinitas, hoc ipso satis significans, nullas alias quantitates indefinitas calculo inesse.

Semper credidi in rebus scientificis verba ita candide esse explicanda (si modo possibile sit) ut discursus nullum includat absurdum; at Hugemius satis percipit, discursum nihil continere absurdum, modo nulla quantitas indefinita præter ipsos terminos compositionem ingrediatur; judicat tamen absque omni ratione, me contrarium existimasse; libenter enim optarem Hugenum assignasse locum, ubi assero, illam inquisitionem 7^{ma} esse universalem. Dico igitur & declaro me intelligere, nullam quantitatem indefinitam præter ipsos terminos convergentes compositionem posse ingredi. Atque ita corrunt tres ultime Hugonii sive diversa objectiones, sive ejusdem portiones; nescio enim, quare in tot partes dividatur.

Præcedentibus perceptis, evidentissimum est, Circuli, Ellipseos vel Hyperbolæ Sectorem esse terminationem serici convergentis, cujus primi termini $a^2 + a^2b$, $ab^2 + b^2$, & secundi $ba^2 + b^2a$, b^2a , & proinde Sectorem eodem modo componi ex primis terminis quo ex secundis; atque evidens est, nullam dari quantitatem eodem modo analyticè compositam ex primis terminis quo ex secundis, quoniam primos eodem modo analyticè tractando quo secundos, semper restat altior potestas ipsis a in primorum producto, quam in producto secundorum; de hoc (si non credatur) fiat experientia, & constabit non solum assertionis veritas, sed etiam ejusdem demonstratio; quando autem altior est ejusdem potestas in una quantitate quam in altera, nulla datur indefinita æquatio, de qua hic tantum loquimur, hoc est, ut (positis a, b , ad libitum) æqualitas semper ritè procedat. Atque hæc est summa non solum propriæ 11^{ma} sed etiam totius nostræ Circ. & Hyp. Quadraturæ, ab Hugenio adhuc intactæ. Gratias tamen ago nobilissimo viro, quod meas qualescunque lucubrationes examinare dignatus est, hinc enim mihi data est occasio illas fusius explicandi & confirmandi. Nam Hugeniæ methodus circulum mensurandi mea sit præfior, experientia relinquo judicandum; quod autem nostræ, Hyperbolam quadrandi, illi etiam innotuerat, de hoc nihil habeo quod dicam, nisi quod mihi gratuler, inventa mea ipso Hugenio non æstimari indigna.

Sch. §.

Con. 10.